

-	Определение Фурье	$\mathfrak{F}[f(x)] := \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{-i2\pi\xi x} dx$
-	Обратное Фурье	$\mathfrak{F}^{-1}[F(\xi)] := \int_{-\infty}^{\infty} F(\xi) e^{i2\pi\xi x} d\xi$
-	Определение дельта-функции	$\delta(\xi) := \mathfrak{F}[1]$
-	Линейность	$\mathfrak{F}[af(x) + bg(x)] = aF(\xi) + bG(\xi)$
1	Обратимость	$\mathfrak{F}^{-1}[\mathfrak{F}[f(x)]] = f(x)$
2	Симметрия	$\mathfrak{F}[\mathfrak{F}[f(x)]] = f(-x)$
3	Инверсия	$\mathfrak{F}[f(-x)] = F(-\xi)$
4	Сопряжение	$\mathfrak{F}[(f(x))^*] = (F(-\xi))^*$
5	Подобие	$\mathfrak{F}[f(a_1 x_1, a_2 x_2)] = \frac{1}{a_1 a_2} F\left(\frac{1}{a_1} \xi_1, \frac{1}{a_2} \xi_2\right)$
6	Смещение (по времени и по частоте)	$\begin{aligned}\mathfrak{F}[f(x - x_0)] &= F(\xi) e^{-i2\pi\xi x_0} \\ \mathfrak{F}[f(x) e^{i2\pi\xi_0 x}] &= F(\xi - \xi_0)\end{aligned}$
7	Факторизация	$\mathfrak{F}\left[\underbrace{f_1(x_1) f_2(x_2)}_{f(x_1, x_2)}\right] = F_1(\xi_1) F_2(\xi_2)$
8	Модуляция	$\mathfrak{F}[f(x) \cos(2\pi\xi_0 x)] = \frac{F(\xi + \xi_0) + F(\xi - \xi_0)}{2}$
9	Сохранение действительности и четности	$\begin{cases} f(x) \in \mathbb{R} \\ f(x) = f(-x) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} F(\xi) \in \mathbb{R} \\ F(\xi) = F(-\xi) \end{cases}$
10	Дифференцирование	$\mathfrak{F}\left[\frac{\partial f(x_1, x_2)}{\partial x_1}\right] = i2\pi\xi_1 F(\xi_1, \xi_2)$

11	... несколько раз	$\mathfrak{F}\left[\left(\frac{\partial}{\partial x_1}\right)^{a_1} \dots \left(\frac{\partial}{\partial x_n}\right)^{a_n} f(x)\right] = (i2\pi\xi_1)^{a_1} \dots (i2\pi\xi_n)^{a_n} F(\xi)$
12	Оператор Лапласа	$\mathfrak{F}[\Delta f(x)] = -4\pi^2 (\xi_1^2 + \dots + \xi_n^2) F(\xi)$
13	Интегрирование	$\mathfrak{F}\left[\int_{-\infty}^{x_1} f(t_1, x_2) dt_1\right] = \frac{1}{i2\pi\xi_1} F(\xi)$
14	Унитарность	$\int_{\mathbb{R}^n} f_1(x) (f_2(x))^* d^n x = \int_{\mathbb{R}^n} F_1(\xi) (F_2(\xi))^* d^n \xi$
15	Равенство Парсеваля	$\int_{\mathbb{R}^n} f(x) ^2 d^n x = \int_{\mathbb{R}^n} F(\xi) ^2 d^n \xi$
16	Теорема о свертке	$\mathfrak{F}\left[\underbrace{\int_{\mathbb{R}^n} f(\tau) h(x-\tau) d^n \tau}_{f * h}\right] = F(\xi) H(\xi)$
17	... и наоборот	$\mathfrak{F}[f(x)h(x)] = \int_{\mathbb{R}^n} F(\xi) H(\eta - \xi) d^n \xi$
18	Теорема об автокорреляции	$\mathfrak{F}\left[\underbrace{\int_{\mathbb{R}^n} (f(\tau))^* f(x+\tau) d^n \tau}_{f \otimes f}\right] = F(\xi) ^2$
19	... и наоборот	$\mathfrak{F}[f(x) ^2] = \int_{\mathbb{R}^n} (F(\eta))^* F(\xi + \eta) d^n \eta$
-	Фильтрующее свойство дельта-функции	$\int_{\mathbb{R}} f(x) \delta(x_0 - x) dx = f(x_0)$
20	Четность дельта-функции	$\delta(t) = \delta(-t)$
21	Масштабирование аргумента дельта-функции	$\delta(a_1 t_1, a_2 t_2) = \frac{1}{a_1 a_2} \delta(t_1, t_2)$
22	Фурье-образ дельта-функции	$\mathfrak{F}[\delta(t)] = 1$